

# Obsah

<b>A ROVINNÁ GRAFIKA</b>	<b>1</b>
<b>1 Světlo a barvy v počítačové grafice</b>	<b>3</b>
1.1 Vlastnosti lidského systému vidění . . . . .	3
1.1.1 Elektromagnetické spektrum . . . . .	3
1.1.2 Lidské oko . . . . .	5
1.1.3 Citlivost na barvy a jas . . . . .	7
1.2 Barevné prostory . . . . .	8
1.2.1 Prostor RGB . . . . .	8
1.2.2 Barevné prostory pro televizní a video techniku . . . . .	13
1.2.3 Chromatický diagram CIE . . . . .	14
1.2.4 Barvy a monitory . . . . .	20
<b>2 Obraz a jeho reprezentace</b>	<b>23</b>
2.1 Digitalizace . . . . .	24
2.1.1 Kvantování . . . . .	24
2.1.2 Vzorkování . . . . .	26
2.2 Fourierův obraz . . . . .	27
2.2.1 Spojitá Fourierova transformace . . . . .	28
2.2.2 Diskrétní Fourierova transformace . . . . .	28
2.2.3 Fourierova transformace a obraz . . . . .	29
2.2.4 Shannonův vzorkovací teorém a frekvenčně omezená funkce . . . . .	29
2.2.5 Konvoluce . . . . .	30
2.3 Alias . . . . .	34
2.4 Antialiasing . . . . .	35
2.4.1 Pravidelné vzorkování s vyšší frekvencí . . . . .	37
2.4.2 Stochastické vzorkování . . . . .	40
2.5 Reprezentace rastrového obrazu . . . . .	43
2.6 Komprese rastrového obrazu . . . . .	45
2.6.1 Run length encoding . . . . .	47
2.6.2 Huffmanovo kódování . . . . .	48
2.6.3 Slovníkové kódování . . . . .	49

2.6.4	Diskrétní kosinová transformace a JPEG . . . . .	51
2.7	Příklady rastrových formátů . . . . .	55
2.7.1	Graphics Interchange Format (GIF) . . . . .	55
2.7.2	Portable Graphics Network (PNG) . . . . .	56
2.7.3	Targa (TGA) . . . . .	58
2.7.4	Tag Image File Format (TIFF) . . . . .	59
2.7.5	Formáty pro animované sekvence . . . . .	60
<b>3</b>	<b>Dvourozměrné objekty</b>	<b>63</b>
3.1	Úsečka a lomená čára . . . . .	63
3.1.1	Rasterizace úsečky . . . . .	64
3.1.2	Kresba přerušované čáry . . . . .	69
3.1.3	Kresba silné čáry . . . . .	70
3.2	Kružnice a elipsa . . . . .	72
3.2.1	Rasterizace kružnice . . . . .	72
3.2.2	Rasterizace elipsy . . . . .	75
3.3	Oblast . . . . .	75
3.3.1	Vyplňování geometricky určené hranice . . . . .	76
3.3.2	Vyplňování trojúhelníka . . . . .	79
3.3.3	Další metody vyplňování polygonů . . . . .	79
3.3.4	Vyplňování hranice nakreslené v rastru . . . . .	85
3.4	Ořezávání dvourozměrných objektů . . . . .	88
3.4.1	Test polohy bodu vzhledem k oknu . . . . .	89
3.4.2	Ořezání úsečky . . . . .	90
3.4.3	Ořezání polygonu . . . . .	93
<b>4</b>	<b>Úpravy obrazu</b>	<b>97</b>
4.1	Transformace barev . . . . .	97
4.1.1	Omezení barevného prostoru . . . . .	98
4.1.2	Barevná paleta . . . . .	104
4.2	Obrazy s vysokým dynamickým rozsahem . . . . .	110
4.2.1	Získání a uložení obrazů s vysokým dynamickým rozsahem . . . . .	111
4.2.2	Techniky mapování tónů . . . . .	112
4.3	Geometrické transformace diskrétního obrazu . . . . .	117
4.3.1	Převzorkování . . . . .	118
4.3.2	Rekonstrukce . . . . .	120
4.3.3	Změna rozlišení . . . . .	124
4.4	Warping a morfing . . . . .	125
4.4.1	Alfa míchání, klíčování na barvu a klíčování na modrou . . . . .	126
4.4.2	Warping . . . . .	129
4.4.3	Morfing . . . . .	135
4.5	Histogram . . . . .	136
4.5.1	Změny histogramu . . . . .	139

4.6	Odstraňování šumu a ostření obrazu . . . . .	146
4.6.1	Odstraňování šumu . . . . .	146
4.6.2	Ostření obrazu . . . . .	149
4.6.3	Vytlačený vzor — emboss . . . . .	153
4.6.4	Malování pomocí počítače . . . . .	153
<b>B</b>	<b>TROJROZMĚRNÉ MODELY</b>	<b>157</b>
<b>5</b>	<b>Křivky a plochy</b>	<b>159</b>
5.1	Vlastnosti křivek . . . . .	160
5.2	Modelování křivek . . . . .	163
5.3	Interpolační křivky . . . . .	165
5.3.1	Hermitovské kubiky . . . . .	166
5.4	Aproximační křivky . . . . .	167
5.4.1	Bézierovy křivky . . . . .	167
5.4.2	Bézierovy kubiky . . . . .	171
5.4.3	Coonsovy kubiky . . . . .	173
5.4.4	Spline křivky . . . . .	174
5.4.5	Uniformní kubický B-spline . . . . .	174
5.4.6	NURBS . . . . .	177
5.5	Vlastnosti parametrických ploch . . . . .	181
5.6	Interpolační plochy . . . . .	185
5.7	Aproximační plochy . . . . .	186
5.7.1	Hermitovské plochy . . . . .	187
5.7.2	Dvanáctivektorová plocha . . . . .	187
5.7.3	Šestnáctivektorová plocha . . . . .	187
5.7.4	Plochy spojující dvě křivky . . . . .	189
5.8	Plochy zadané okrajem . . . . .	191
5.8.1	Bilineární Coonsova plocha . . . . .	191
5.8.2	Bikubická plocha . . . . .	192
5.8.3	Obecná bikubická plocha . . . . .	193
5.9	Bézierovy plochy . . . . .	194
5.10	B-spline plochy . . . . .	199
5.11	Šablonování . . . . .	202
5.11.1	Přímkové plochy . . . . .	203
5.11.2	Rotační šablonování . . . . .	205
5.12	Implicitní plochy . . . . .	206
5.12.1	Zobrazování implicitních ploch . . . . .	209
5.13	Dělené povrchy . . . . .	210
5.13.1	Dělící schémata . . . . .	211
5.13.2	Schéma dělení Doo-Sabin . . . . .	213

5.13.3 Schéma dělení Catmull-Clark . . . . .	215
<b>6 Reprezentace a modelování těles</b>	<b>217</b>
6.1 Trojúhelníky a síť trojúhelníků . . . . .	217
6.2 Hraniční reprezentace těles . . . . .	220
6.2.1 Manifoldy a Eulerova rovnost . . . . .	220
6.2.2 Vrcholy, hrany a stěny . . . . .	222
6.2.3 Hranová reprezentace . . . . .	223
6.2.4 Jednoduchá plošková reprezentace . . . . .	224
6.2.5 Strukturovaná plošková reprezentace . . . . .	224
6.2.6 Bodová reprezentace . . . . .	226
6.3 Konstruktivní geometrie těles . . . . .	226
6.4 Modelování pomocí deformací . . . . .	228
6.4.1 Barrovy deformace . . . . .	228
6.4.2 Volné tvarování těles . . . . .	231
<b>7 Objemová reprezentace těles</b>	<b>235</b>
7.1 Mřížky . . . . .	235
7.2 Trojrozměrné objekty a data v diskrétní mřížce . . . . .	236
7.2.1 Základní objemové elementy – voxel a buňka . . . . .	237
7.2.2 Digitální topologie a spojitost . . . . .	237
7.3 Nalezení povrchu v objemových datech . . . . .	238
7.3.1 Sada obrysů v rovnoběžných řezech . . . . .	239
7.3.2 Převod izoplochy na síť trojúhelníků . . . . .	240
<b>8 Procedurální modelování</b>	<b>245</b>
8.1 Fraktální geometrie . . . . .	246
8.1.1 Soběpodobnost . . . . .	246
8.1.2 Fraktální dimenze, fraktál . . . . .	248
8.1.3 Multifraktály . . . . .	251
8.1.4 Lineární deterministické fraktály . . . . .	252
8.1.5 Náhodné fraktály . . . . .	254
8.2 Procedurální a fraktální modely v počítačové grafice . . . . .	262
8.2.1 Difúzí omezená agregace a korály . . . . .	262
8.2.2 Krajiny . . . . .	263
8.2.3 Planety, pobřeží a oblaka . . . . .	266
8.3 Systémy částic . . . . .	268
8.3.1 Ekosystémy a rostliny . . . . .	270
8.3.2 Dynamické simulace . . . . .	271
8.3.3 Jiné aplikace systémů častic . . . . .	274
8.4 Lindenmayerovy systémy . . . . .	274
8.4.1 dL-systémy . . . . .	275
8.4.2 Otevřené L-systémy . . . . .	277

8.4.3 Simulace rostlin . . . . .	280
<b>C ZOBRAZOVÁNÍ PROSTOROVÝCH DAT</b>	<b>281</b>
<b>9 Promítání</b>	<b>285</b>
9.1 Kamera . . . . .	287
9.2 Rovnoběžné promítání . . . . .	289
9.3 Středové promítání . . . . .	293
9.4 Jednotné promítání . . . . .	295
9.5 Pohledový objem . . . . .	296
<b>10 Světlo</b>	<b>299</b>
10.1 Základní pojmy . . . . .	300
10.1.1 Prostorové úhly . . . . .	301
10.1.2 Základní radiometrické pojmy . . . . .	303
10.1.3 Radiance . . . . .	304
10.2 Dvousměrová odrazová distribuční funkce – BRDF . . . . .	305
10.2.1 Vlastnosti BRDF . . . . .	306
10.3 Lokální osvětlovací model . . . . .	308
10.4 Odraz světla . . . . .	308
10.4.1 Difúzní odraz . . . . .	309
10.4.2 Zrcadlový odraz . . . . .	310
10.4.3 Lesklý odraz . . . . .	312
10.5 Phongův osvětlovací model . . . . .	313
10.6 Světelné zdroje . . . . .	316
10.7 Stínování . . . . .	319
10.7.1 Konstantní stínování . . . . .	319
10.7.2 Gouraudovo stínování . . . . .	320
10.7.3 Phongovo stínování . . . . .	321
10.8 Opticky aktivní prostředí . . . . .	322
10.8.1 Odvození integrálu pro zobrazování objemů . . . . .	323
<b>11 Řešení viditelnosti</b>	<b>329</b>
11.1 Vlastnosti zobrazovaných dat . . . . .	331
11.2 Rastrové algoritmy viditelnosti . . . . .	332
11.2.1 Paměť hloubky . . . . .	332
11.2.2 Malířův algoritmus . . . . .	333
11.2.3 Malířův algoritmus se stromem BSP . . . . .	336
11.2.4 Dělení obrazovky . . . . .	338
11.2.5 Algoritmus plovoucího horizontu . . . . .	339
11.3 Liniové algoritmy viditelnosti . . . . .	341
11.4 Zpracování polopřehledných objektů . . . . .	343

11.5 Zobrazování bodově reprezentovaných objektů . . . . .	344
<b>12 Stíny</b>	<b>347</b>
12.1 Projekční metody . . . . .	349
12.2 Stínové těleso . . . . .	352
12.3 Stínová paměť hloubky . . . . .	355
<b>13 Textury</b>	<b>359</b>
13.1 Mapování textur . . . . .	361
13.1.1 Inverzní mapování válcové a kulové plochy . . . . .	362
13.1.2 Mapování prostorové textury . . . . .	364
13.1.3 Mapování prostředí . . . . .	365
13.1.4 Hrbolaté textury . . . . .	366
13.1.5 MIP-mapping . . . . .	368
13.2 Procedurální textury . . . . .	370
13.2.1 Perlinova šumová funkce . . . . .	370
13.2.2 Skládání šumových funkcí . . . . .	373
<b>14 Reprezentace scény</b>	<b>377</b>
14.1 Graf scény . . . . .	378
14.2 Pomocné datové struktury . . . . .	381
14.2.1 Hierarchie obálek . . . . .	382
14.2.2 Dělení prostoru . . . . .	385
14.3 Detekce kolizí . . . . .	390
<b>15 Globální zobrazovací metody</b>	<b>393</b>
15.1 Zobrazovací rovnice . . . . .	394
15.2 Notace transportu světla . . . . .	396
15.3 Základní optické jevy . . . . .	397
15.4 Globální osvětlovací techniky . . . . .	399
15.4.1 Monte Carlo metody . . . . .	400
15.5 Metody vycházející od pozorovatele . . . . .	401
15.5.1 Sledování paprsku . . . . .	402
15.5.2 Sledování cesty . . . . .	403
15.6 Metody vycházející od světelného zdroje . . . . .	405
15.6.1 Sledování fotonů . . . . .	407
15.6.2 Monte Carlo sledování světla . . . . .	407
15.7 Dvousměrové metody . . . . .	408
15.7.1 Dvousměrové sledování cesty . . . . .	408
15.7.2 Fotonové mapy . . . . .	409
15.8 Zrychlení stochastických metod vzorkování . . . . .	410
15.9 Sledování paprsku . . . . .	411
15.9.1 Rozšíření Phongova osvětlovacího modelu . . . . .	414

15.9.2 Sledování paprsku a CSG reprezentace . . . . .	415
15.9.3 Urychlování metody sledování paprsku . . . . .	416
15.10 Radiozita . . . . .	422
15.10.1 Podstata metody . . . . .	422
15.10.2 Řešení radiozitní rovnice . . . . .	424
15.10.3 Hierarchická radiozita . . . . .	430
15.10.4 Stochastické metody řešení . . . . .	434
<b>16 Vizualizace objemových dat</b>	<b>437</b>
16.1 Vizualizovaná data . . . . .	438
16.2 Skalární objemové algoritmy . . . . .	439
16.2.1 Algoritmy zobrazující povrchy . . . . .	440
16.3 Přímé zobrazování objemů . . . . .	441
16.3.1 Metody nehledající povrch . . . . .	443
16.3.2 Jednoduché zobrazení povrchu . . . . .	443
16.3.3 Zobrazení povrchu s normálou . . . . .	444
16.3.4 Integrace světla na dráze paprsku . . . . .	445
16.3.5 Projekční metody . . . . .	450
16.3.6 Zlepšení interpretace dat . . . . .	450
<b>17 Nefotorealistické zobrazování</b>	<b>453</b>
17.1 Výhody NPR . . . . .	453
17.2 Rozdělení metod NPR . . . . .	455
17.3 Aplikace NPR . . . . .	457
<b>D ANIMACE A VIRTUÁLNÍ REALITA</b>	<b>461</b>
<b>18 Počítačová animace</b>	<b>463</b>
18.1 Nízkoúrovňová počítačová animace . . . . .	464
18.1.1 Klíčování . . . . .	464
18.1.2 Animační křivky . . . . .	464
18.2 Vysokoúrovňová počítačová animace . . . . .	467
18.2.1 Segmentová struktura a stavový prostor . . . . .	467
18.2.2 Reprezentace animovaného objektu . . . . .	469
18.2.3 Přímá a inverzní kinematika . . . . .	470
18.2.4 Inverze jakobiánu . . . . .	473
18.3 Skeletální animace . . . . .	474
18.3.1 Míchání vrcholů . . . . .	478
18.4 Virtuální humanoid . . . . .	479
18.4.1 Struktura humanoida . . . . .	479
18.4.2 Norma H-Anim . . . . .	480
18.4.3 Data pro animaci virtuálních humanoidů . . . . .	482

<b>19 Zobrazování rozsáhlých scén</b>	<b>485</b>
19.1 Výpočty viditelnosti . . . . .	486
19.1.1 Základní techniky odstraňování neviditelných polygonů . . . . .	487
19.1.2 Odstraňování zastíněných objektů . . . . .	488
19.1.3 Předzpracování viditelnosti . . . . .	495
19.2 Zjednodušování scény . . . . .	496
19.2.1 Geometrické stupně detailu . . . . .	498
19.2.2 Zjednodušování sítě trojúhelníků . . . . .	499
19.2.3 Zjednodušená reprezentace objektů pomocí obrázků a bodů . . . . .	500
<b>20 Virtuální realita</b>	<b>503</b>
20.1 Druhy aplikací VR . . . . .	504
20.2 Speciální postupy ve virtuální realitě . . . . .	507
20.2.1 Pozadí scény . . . . .	507
20.2.2 Avatar a navigace . . . . .	507
20.2.3 Stereoskopické pohledy . . . . .	509
20.3 Formáty VRML a X3D . . . . .	510
20.4 Prostorový zvuk . . . . .	512
20.4.1 Vnímání zvuku . . . . .	512
20.4.2 Simulace zvukového pole . . . . .	513
20.4.3 Výstup prostorového zvuku . . . . .	517
<b>E MATEMATIKA PRO POČÍTAČOVOU GRAFIKU</b>	<b>519</b>
<b>21 Transformace</b>	<b>521</b>
21.1 Homogenní souřadnice . . . . .	522
21.2 Dvourozměrné geometrické transformace . . . . .	523
21.2.1 Posunutí . . . . .	523
21.2.2 Otáčení . . . . .	523
21.2.3 Změna měřítka . . . . .	524
21.2.4 Zkosení . . . . .	525
21.2.5 Skládání transformací . . . . .	525
21.3 Trojrozměrné geometrické transformace . . . . .	526
21.3.1 Posunutí . . . . .	527
21.3.2 Otáčení . . . . .	527
21.3.3 Otáčení kolem obecné osy . . . . .	527
21.3.4 Změna měřítka . . . . .	528
21.3.5 Zkosení . . . . .	529
21.4 Kvaterniony . . . . .	529
21.4.1 Komplexní čísla a rotace v rovině . . . . .	530
21.4.2 Definice kvaternionů a základní vlastnosti . . . . .	530
21.4.3 Rotace pomocí kvaternionů . . . . .	532

21.4.4 Sférická lineární interpolace . . . . .	533
<b>22 Často používané vzorce</b>	<b>535</b>
22.1 Pojmy a znáčení . . . . .	535
22.2 Základy práce s vektory . . . . .	536
22.2.1 Velikost vektoru a vzdálenost dvojice bodů . . . . .	536
22.2.2 Součet a rozdíl vektorů, opačný vektor . . . . .	536
22.2.3 Skalární součin vektorů . . . . .	537
22.2.4 Vektorový součin . . . . .	538
22.3 Bod . . . . .	539
22.3.1 Vzdálenost dvou bodů . . . . .	539
22.3.2 Vzdálenost bodu od přímky v rovině . . . . .	539
22.3.3 Vzdálenost bodu od přímky v prostoru . . . . .	541
22.3.4 Vzdálenost bodu od úsečky . . . . .	542
22.3.5 Poloha bodu vůči přímce a úsečce . . . . .	542
22.3.6 Poloha bodu vůči kružnici a kouli . . . . .	542
22.3.7 Vzdálenost bodu od roviny . . . . .	543
22.3.8 Poloha bodu vůči mnohoúhelníku (polygonu) . . . . .	543
22.4 Přímka a paprsek . . . . .	544
22.4.1 Průsečík paprsku a přímky v rovině . . . . .	544
22.4.2 Odchylka paprsku a přímky v prostoru . . . . .	545
22.4.3 Vzdálenost dvou mimoběžek v prostoru . . . . .	545
22.4.4 Poloha paprsku vůči rovině . . . . .	545
22.4.5 Průsečík paprsku s osově orientovaným kvádrem . . . . .	546
22.4.6 Průsečík paprsku a mnohoúhelníka . . . . .	547
22.4.7 Průsečík paprsku s kulovou plochou . . . . .	547
22.5 Užitečné drobnosti . . . . .	548
22.5.1 Plocha mnohoúhelníka . . . . .	548
22.5.2 Gaussovo rozložení . . . . .	548
22.6 Interpolace . . . . .	549
22.6.1 Interpolace hodnotou nejbližšího souseda . . . . .	550
22.6.2 Lineární interpolace . . . . .	550
22.6.3 Kubická interpolace . . . . .	551
22.6.4 Bilineární interpolace . . . . .	551
22.6.5 Interpolace vyššího rádu . . . . .	553
22.7 Diskrétní Fourierova transformace . . . . .	553
22.7.1 Rekurzivní rozklad DFT . . . . .	554
22.7.2 Rychlá Fourierova transformace . . . . .	555
22.7.3 Použití algoritmu FFT . . . . .	556